

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА ПО МАТЕМАТИКЕ

*Исследование функции и построение графика
Неопределенные интегралы
Вычисление площади и объема*





Предисловие

В каждом из десяти заданий настоящей работы имеется 10 вариантов, из которых для выполнения задания надо взять один вариант — тот, номер которого совпадает с последней цифрой в номере зачетки или, что то же самое, студенческого билета. Например, номер 452/13 означает **второй** вариант.

Для успешного выполнения контрольной работы рекомендуется использовать соответствующее учебное пособие, подготовленное для наших студентов и размещенное на официальном сайте института.

1. Пользуясь первой производной, найти промежутки монотонности, указать точки минимума и максимума функции.

$\boxed{1}$ $y = \frac{10}{4x^3 - 9x^2 + 6x}$	$\boxed{2}$ $y = x^2 e^{-x}$	$\boxed{3}$ $y = 2x^2 - \ln x$	$\boxed{4}$ $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 14$
$\boxed{5}$ $y = \frac{1-x+x^2}{1+x+x^2}$	$\boxed{6}$ $y = x - e^x$	$\boxed{7}$ $y = \frac{x}{\ln x}$	$\boxed{8}$ $y = \sqrt[3]{(2x-1)(1-x)^2}$
	$\boxed{9}$ $y = 2x^3 - 3x^2$	$\boxed{0}$ $y = x^4 - 2x^2 - 5$	

2. Указать наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке.

$\boxed{1}$ $y = x + 2\sqrt{x}, [0; 4]$	$\boxed{2}$ $y = \frac{x-1}{x+1}, [0; 4]$
$\boxed{3}$ $y = x^5 - 5x^4 + 5x^3 + 1, [-1; 2]$	$\boxed{4}$ $y = -3x^4 + 6x^2 - 1, [-2; 2]$
$\boxed{5}$ $y = x^3 - 3x^2 + 6x - 2, [-1; 1]$	$\boxed{6}$ $y = \sqrt{100 - x^2}, [-6; 8]$
$\boxed{7}$ $y = \sqrt[3]{(x^2 - 2x)^2}, [0; 3]$	$\boxed{8}$ $y = x^4 - 2x^2 + 5, [-2; 2]$
$\boxed{9}$ $y = \frac{x^3}{3} - 2x^2 + 3x + 1, [-1; 5]$	$\boxed{0}$ $y = 2x^3 - 3x^2 - 12x + 1, [-2; \frac{5}{2}]$

3. Указать промежутки, на которых функция выпукла вниз, и промежутки, на которых выпукла вверх, перечислить точки перегиба.

$\boxed{1}$ $y = (x+2)^6 + 2x + 2$	$\boxed{2}$ $y = x^4 + x^3 - 18x^2 + 24x - 12$
$\boxed{3}$ $y = \frac{1}{x^2+1}$	$\boxed{4}$ $y = x^3 - 3x^2 - 9x + 9$
$\boxed{5}$ $y = \ln(1+x^2)$	$\boxed{6}$ $y = 3x^5 - 5x^4 + 3x - 2$
$\boxed{7}$ $y = x + 36x^2 - 2x^3 - x^4$	$\boxed{8}$ $y = x^4 - 12x^3 + 48x^2 - 50$
$\boxed{9}$ $y = \frac{x^3}{x^2+3}$	$\boxed{0}$ $y = (x+1)^4 + e^x$

4. Пользуясь второй производной, найти точки максимума и точки минимума функции.

$\boxed{1}$ $y = 2x^3 - 15x^2 - 84x + 8$	$\boxed{2}$ $y = x^3 - 2x^2 + x$	$\boxed{3}$ $y = x^2(2-x)^2$
$\boxed{4}$ $y = x + \frac{4}{x}$	$\boxed{5}$ $y = x + \sqrt{1-x}$	$\boxed{6}$ $y = x\sqrt{2-x^2}$
$\boxed{7}$ $y = x^2 e^{-x}$	$\boxed{8}$ $y = \frac{x}{\ln x}$	$\boxed{9}$ $y = (x-1)^4$
	$\boxed{0}$ $y = (x-5)e^x$	

5. Исследовать функцию и построить ее график.

$\boxed{1}$ $y = \frac{x^3+4}{x^2}$	$\boxed{2}$ $y = \frac{x}{x^2-1}$	$\boxed{3}$ $y = \frac{1}{x} + 4x^2$	$\boxed{4}$ $y = x^2 + \frac{1}{x^2}$	$\boxed{5}$ $y = \frac{2x-1}{(x-1)^2}$
$\boxed{6}$ $y = \frac{x}{e^x}$	$\boxed{7}$ $y = x^2 e^{-x}$	$\boxed{8}$ $y = \frac{e^x}{x}$	$\boxed{9}$ $y = \frac{1}{e^x-1}$	$\boxed{0}$ $y = x + \frac{\ln x}{x}$

6. Вычислить интеграл, пользуясь таблицей „основных“ интегралов и используя свойства интеграла.

$\boxed{1}$ $\int (\frac{3}{4} \cos(6-4x) + x^3) dx$	$\boxed{2}$ $\int (2x\sqrt{x} - \frac{3}{5} \sin(9-10x)) dx$
$\boxed{3}$ $\int (\frac{3^x}{2} - 2 \sin 7x) dx$	$\boxed{4}$ $\int (\frac{3}{\cos^2 3x} - 5x - \frac{1}{x}) dx$
$\boxed{5}$ $\int (3\sqrt[4]{x^5} + \frac{1}{2} \sin(2x-3)) dx$	$\boxed{6}$ $\int (2 - \frac{4}{5} \cos x + \frac{1}{1+x^2}) dx$
$\boxed{7}$ $\int (2 \cos \frac{1}{2}x - \frac{3}{\sqrt[5]{x^5}}) dx$	$\boxed{8}$ $\int (0, 3e^{3-4x} + \frac{2}{3} \sqrt[8]{x^5}) dx$
$\boxed{9}$ $\int (5 - x + e^{4x} + 2 \sin(-x)) dx$	$\boxed{0}$ $\int (\frac{5}{x} - 4 \sin(\frac{1}{4} - 6x) + \sqrt{x}) dx$

7. Вычислить два интеграла: первый — делая замену переменной, второй — применяя формулу „интегрирования по частям“.

$\boxed{1} \int 2xe^{5x^2} dx, \int x^2 \ln x dx$	$\boxed{2} \int \frac{dx}{x \ln x}, \int x^2 e^x dx$
$\boxed{3} \int \frac{\cos(\ln x)}{x} dx, \int x \arctg x dx$	$\boxed{4} \int \cos^3 x \sin x dx, \int (x+3) \ln x dx$
$\boxed{5} \int \frac{\ln^2 x dx}{x}, \int x \arcsin x dx$	$\boxed{6} \int \frac{\ln(x+1)}{x+1} dx, \int \arcsin x dx$
$\boxed{7} \int \frac{dx}{\cos^2 7x}, \int (x^2 + 7x - 5) \cos 2x dx$	$\boxed{8} \int e^{x^3+2x} (3x^2 + 2) dx, \int x e^x dx$
$\boxed{9} \int \frac{x dx}{x^2+1}, \int \frac{x}{\ln x} dx$	$\boxed{0} \int \frac{\sin(\ln x) dx}{x}, \int x \sin x dx$

8. Вычислить интеграл, представив подынтегральную рациональную дробь в виде суммы простых дробей.

$\boxed{1} \int \frac{x^4}{(2+x)(x^2-1)} dx$	$\boxed{2} \int \frac{7x+1}{6x^2+x-1} dx$	$\boxed{3} \int \frac{dx}{x^2-7x+10}$	$\boxed{4} \int \frac{15x^2-4x-81}{(x-3)(x+4)(x-1)} dx$
$\boxed{5} \int \frac{x dx}{x^3+1}$	$\boxed{6} \int \frac{2x^2-3x+3}{x^3-2x^2+x} dx$	$\boxed{7} \int \frac{x^4-3x^2-3x-2}{x^3-x^2-2x} dx$	$\boxed{8} \int \frac{x^3+1}{x(x-1)^3} dx$
	$\boxed{9} \int \frac{5x^3+9x^2-22x-8}{x^3-4x} dx$	$\boxed{0} \int \frac{x^4-3}{x^2+2x+1} dx$	

9. Найти площадь фигуры с указанными границами.

$\boxed{1} y = x^2 - 4x - 7, y = 3 - x$	$\boxed{2} y = x^2, y = 2x, y = x$
$\boxed{3} y = -x, y = 2x - x^2$	$\boxed{4} y = 4 - x^2, y = 0$
$\boxed{5} y = -\frac{16}{x}, y = -x^3, y = 1$	$\boxed{6} y = \frac{8}{x}, y = 9 - x$
$\boxed{7} y = x^3, y = 8, x = 0$	$\boxed{8} y = x + 1, y = 4 + 3x - x^2$
$\boxed{9} y = 3\sqrt{x}, y = 3x$	$\boxed{0} y = \frac{1}{x}, y = 0, x = 2, x = 4$

10. Найти объем тела, полученного при вращении вокруг оси Ox фигуры с указанными границами.

$\boxed{1} y = 2\sqrt{x}, x = 4, y = 0$	$\boxed{2} y = \frac{2}{x}, y = 0, x = 1, x = 4$
$\boxed{3} y = \frac{4}{x}, y = 0, x = 1, x = 4$	$\boxed{4} y = 2x - x^2, y = 0$
$\boxed{5} y = 2 \sin x, y = 0, x = 0, x = \pi$	$\boxed{6} y = \sin \frac{1}{2}x, y = 0, x = 0, x = \frac{\pi}{4}$
$\boxed{7} y = xe^x, y = 0, x = 1$	$\boxed{8} y = 2\sqrt{2x}, x = 4, y = 0$
$\boxed{9} y = x^3, y = 0, x = 1, x = 3$	$\boxed{0} y = \frac{1}{2}x^3, y = 0, x = 1, x = 2$